

الفصل السادس

المخططات التركيبية والحركة

1-VI : مهماتها ومتطلباتها

يتم من خلال المخططات التركيبية والحركة : جمع معدات الحفر في وحدة متكاملة وربطها مع بعضها لأداء المهام الموكلة إليها . والقيام ، بعد انتهاء حفر البئر ، بعمليات تفكيكها ونقلها ومن ثم جمعها وتركيبها في موقع البئر الجديد .

تتوخى هذه المخططات تحقيق المتطلبات التالية :

1. تنفيذ المهام الأساسية للوحدة .
2. سرعة وسهولة تركيب معدات الوحدة وتفكيكها ونقلها .
3. استقرار الموصفات التصميمية ومؤشرات الوحدة التقنية بعد النقل المتكرر من موقع إلى آخر .
4. تقليل حجم المواد الميكيلية المستخدمة في حدود المحفظة على متانة الوحدة واستمرارية عملها .
5. تأمين المجال الكافي لحركة طاقم الوحدة والوصول إلى جميع أجزائها بسهولة لمراقبة سلامتها أو للقيام بأعمال الصيانة والتصليح الموقعة .
6. توفير متطلبات الأمن الصناعي للأعمال المنفذة على الوحدة وتوفير الظروف الملائمة لعمل طاقم الوحدة .
7. تأمين الحركة الضرورية للأجهزة المنفذة الرئيسية والمساعدة في الوحدة .

8. الاختيار الأمثل لوسائل نقل الحركة بما يقلل من ضياع الطاقة وهدرها .
وتحديد نوع أجهزة نقل الحركة المستخدمة وعدادها .

تكون المخططات التركيبية (الفنية) والحركة مترابطة فيما بينها ، مكملة

بعضها البعض .

2- VI : المخططات التركيبية

يت وضع المخططات التركيبية لوحدة الحفر وفق تصنيف الوحدة ونوعها ومصادر قواها الحركية .

تؤخذ هذه المخططات توضع الأجهزة في موقع العمل أفقياً و شاقولياً .

أولاً : التوزيع الأفقي لمعدات وحدة الحفر

إذا نظرنا إلى وحدة الحفر من الأعلى ، الشكل رقم (1-VI) ، لو جدنا أن توزيع الأجهزة الرئيسية للوحدة يحدد وفق وضع هذه الأجهزة بالنسبة لمركز البشر (O) الذي يجب أن يتطابق معه مركز الفتحة الداخلية للمنضدة الروحية .

الشكل رقم (1-VI) يبين :

مخطط توزيع المعدات على أرضية برج الحفر .

1: المنضدة الروحية .

2: مخزن المواسير المستخدمة خلال الحفر .

3: جهاز التحكم بالأجهزة الرافعة .

4: جهاز التحكم بالفتح الآلي .

5: المفتاح الآلي . 6: الأجهزة الرافعة .

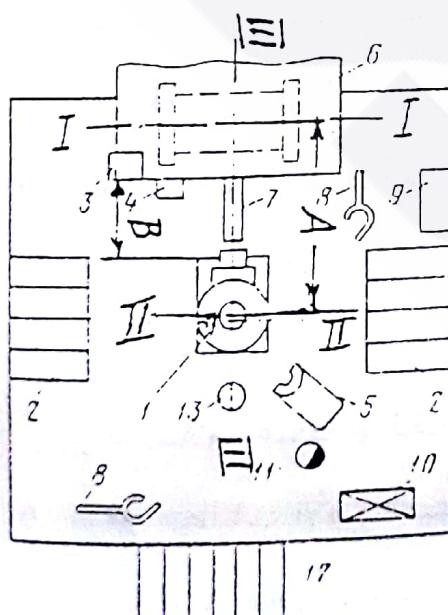
7: محولة سلسلية . 8: المفتاح الميكانيكي .

9: معدات ثبيت .

10: جهاز ثبيت النهاية الثابتة لحبل الحفر .

11: ثقب الفار لقلم الحفر والرأس الهيدروليكي .

12: جسر نقل المواسير . 13: ثقب إطالة عمود مجموعة المواسير .



في الوقت ذاته يحدد مركز البئر وضع الأجهزة الرافعة التي يجب أن توضع قبلة مدخل البرج وجسر نقل المواسير ، لكي يستطيع الحفار مراقبة عملية سحب المواسير والمعدات الأخرى إلى أرضية البرج وفوهة البئر من موقعه بصورة جيدة .

توضع الأجهزة الرافعة بحيث إن :

- محور أسطوانة الأجهزة الرافعة (I-I) الموازي لمحور فتحة البئر (II-II)

يبعد عنه بمسافة (A) تؤمن المسافة الضرورية (B) لحرية حركة

طاقم الحفر بين المضادة الروحية والأجهزة الرافعة .

- المحور المنصف لأسطوانتها (III-III) يمر من مركز البئر (O) .

من جهة أخرى ، كما ذكرنا سابقاً ، توزيع الأجهزة والمعدات على أرضية البرج ، وكذلك بقية معدات الوحدة يتوجى سهولة حركة وعمل طاقم الحفر وتنفيذ مهماته وسلامته . لذلك لا يكفي الالتزام بالشروط السابقة لتوزيع المعدات على أرضية البرج وبباقي أجزاء الوحدة ، وإنما يجب إضافة لذلك توزيع الأجهزة والمعدات بشكل يؤمن فعالية جيدة لتنفيذ عملها بحيث لا يخلق هذا التوزيع عرقلة لحركة طاقم العمل ولا يشكل خطورة عليهم أو على وضع الوحدة عموماً .

إذا وضعت الأجهزة الرافعة الرئيسية على مستوى منخفض عن مستوى أرضية البرج ، فإن المسافة (A) تحدد على أساس تصميمي يمنع تشابك الطرف المتحرك لحبل الحفر ، الذي يمر من أسطوانة الأجهزة الرافعة إلى مجموعة البكرات الثابتة ، مع برج الحفر بحيث يتمكن الحفار من مراقبة حركة التفاف الحبل حول الأسطوانة . بقية الأجهزة توضع بالنسبة للأجهزة الرافعة حسب مهمتها في وحدة الحفر .

مع زيادة عمق الحفر وضرورة استخدام أجهزة معقدة لإحكام فوهة البئر ، تصبح هنالك ضرورة لرفع مستوى أرضية البرج حتى (4-10) أمتر .

يصل وزن بعض الأجهزة حتى (30-25) طناً أو أكثر ، لذلك يكون نصب مثل هذه الأجهزة وتفكيكها على مثل هذه الارتفاعات أكثر تعقيداً من السابق .

إضافة إلى ذلك يستوجب تطور تكنولوجيا الحفر والتقليل من وقت التركيب والتفكك توزيعاً ملائماً للأجهزة في موقع الحفر وتأمين خطط حركي يؤمن هذه المتطلبات وفق المهمة المحددة للوحدة ونوع مصدر القوى المحركة وأجهزة نقل الحركة لـ **لتوزيع الأجهزة أفقياً في وحدة الحفر وضعيات رئيسية** :

• الأولى : توزيع الأجهزة وآخر كات بوضع موازٍ على خط واحد يسمى

التوزيع الخطي ، الشكل رقم (2-VI) .

• الثانية : توزيع الأجهزة بحيث توضع الحركات جانباً بالنسبة للأجهزة المفيدة (المنصدة الرحوية والأجهزة الرافعة) ، الشكل رقم (3-VI) .

إن الوضع الخطي (المتوازي) للمعدات يؤمن وضعية متوازية مريحة أكثر لخواص أجهزة نقل الحركة ودورانها في اتجاه واحد . ويلاائم هذا الوضع مصدر القوى المحركة ذات الاتجاه الدوراني الواحد (محركات дизيل) .

ثانياً : مستوى التوزيع الشاقولي لمعدات وحدة الحفر

كما هو الحال في التوزيع الأفقي يعتمد هذا التوزيع على مجموعة مؤشرات:

• عمق الحفر .

• المهام المحددة للوحدة .

• نوع مصدر القوى المحركة .

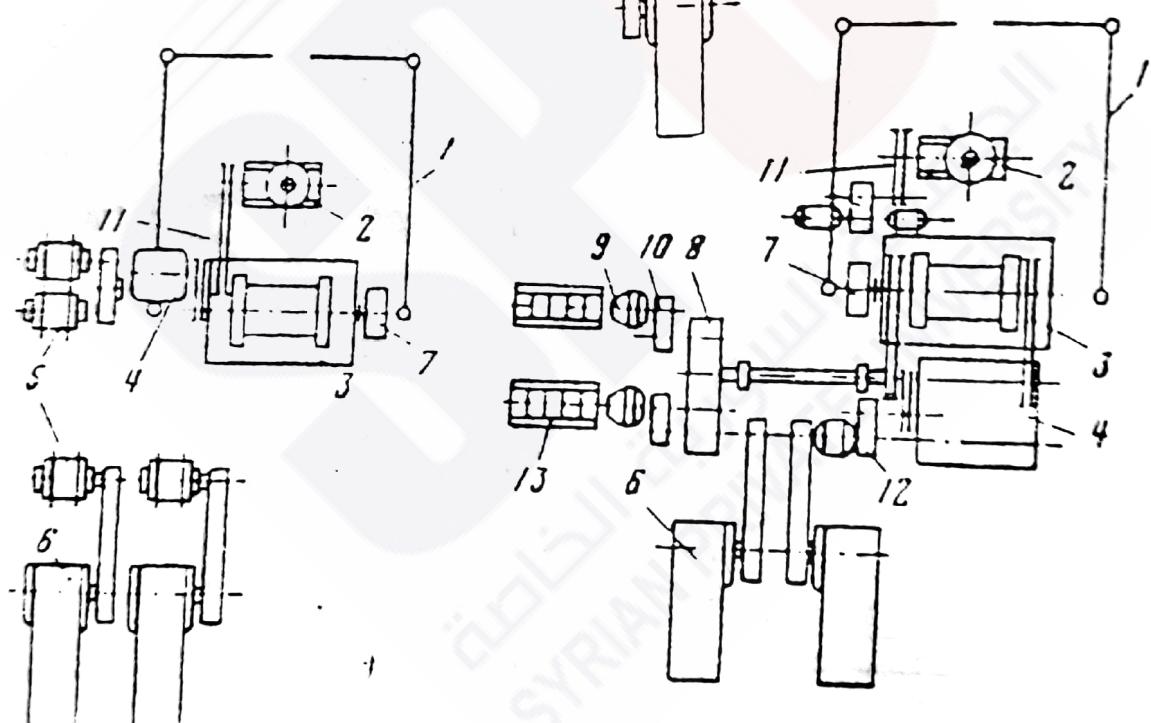
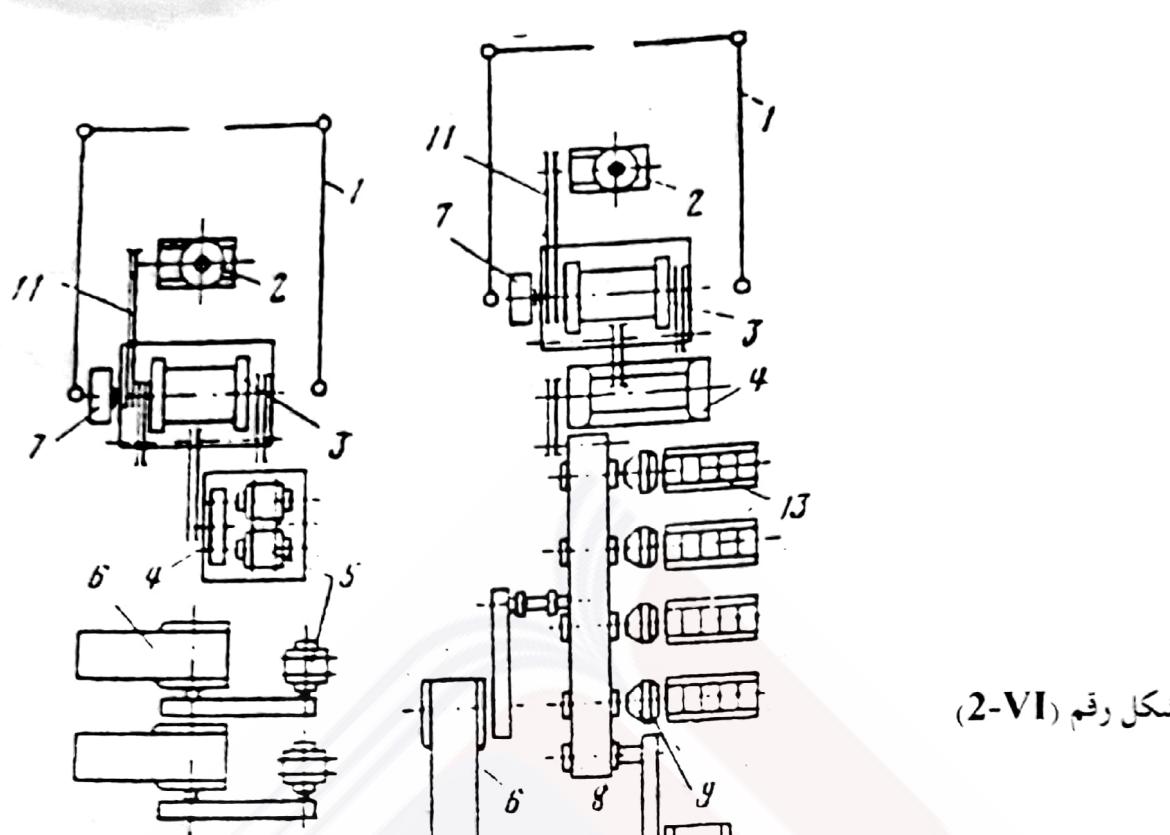
• نوع أجهزة نقل الحركة .

• طريقة التركيب والتفكك .

• ارتفاع أرضية البرج .

عندما يجري الحفر لاستكشاف أعماق في مقطع جيولوجي غير مستطريق سابقاً والمعلومات المتوفرة عنه قليلة ، أو عندما يكون البئر عميقاً يجب أن تزود وحدة الحفر بالأجهزة المناسبة لاحكام فوهة البئر ، أي بمختلف أجهزة مانعات الاندفاع .

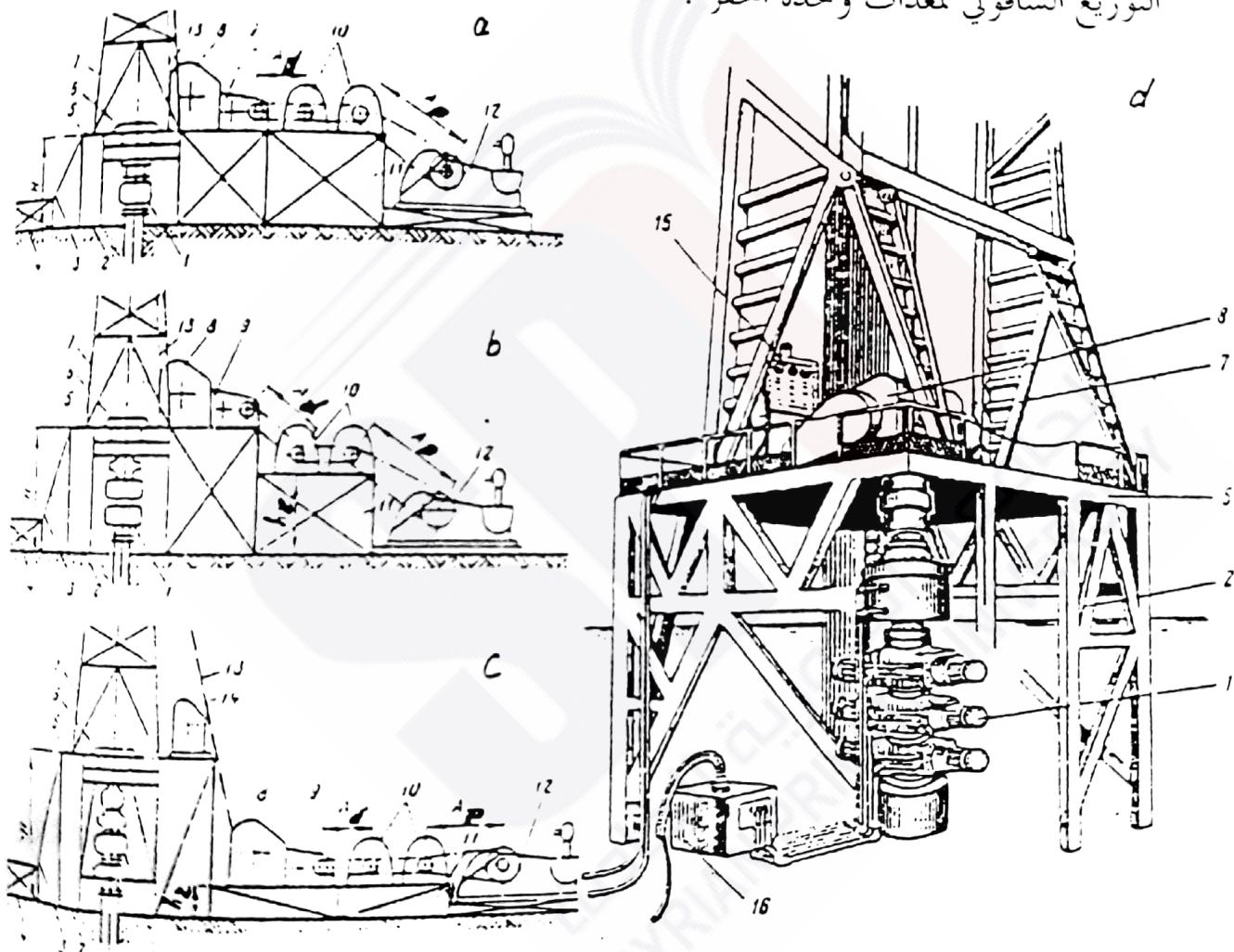
الشكل رقم (2-VI)



الشكل رقم (3-VI)

- 1: منصة (أرضية) البرج . 2: المنصة الرحوية . 3: الأجهزة الرافعية . 4: علبة تغيير السرعة .
- 5: محركات كهربائية . 6: مضخات الحفر . 7: الكوابح المساعدة . 8: علبة توحيد الامانة لمصدر
- القوى المحركة الجماعي . 9: عولة عزوم عنفية . 10: مخفض سرعة . 11: عولة عزوم سلسلة لنقل
- الحركة إلى المنصة الرحوية . 12: منظومة تنظيم دفع الدفاق . 13: محركات ديزل .

يتطلب حجم هذه الأجهزة وعملية نصبها بين فوهة البتر والمنصة الروحية مساحةً واسعاً يفرض ارتفاعاً محدوداً لأرضية البرج . كذلك يلعب مصدر القوى المحركة دوراً كبيراً في تحديد التوزيع الشاقولي للمعدات ، فعندما يكون مصدر القوى المحركة مصدراً جماعياً (مجموعة محركات ديزل) فإن الأجهزة التنفيذية الرئيسية (الأجهزة الرافعة والمنصة الروحية ومضخات الحفر) تستلم الحركة من خلال مجموعة موحدة من أجهزة نقل الحركة . يوضح الشكل رقم (4-VI) المخططات العامة لمستوي التوزيع الشاقولي لمعدات وحدة الحفر .



الشكل رقم (4-VI) : مخططات التوزيع الشاقولي لمعدات وحدة الحفر .

- 1: تجهيزات إحكام فوهة البتر . 2: قواعد البرج . 3: جسر نقل المواسير . 4: قاعدة (جسر) المواسير .
- 5: أرضية برج الحفر . 6: المنصة الروحية . 7: برج الحفر . 8: الأجهزة الرافعة . 9: علبة تغيير السرع .
- 10: المحركات . 11: قاعدة القوى المحركة . 12: مضخات الحفر . 13: الطرف المتحرك لجلب الحفر .
- 14: الأجهزة الرافعة المساعدة . 15: لوحة التحكم والسيطرة . 16: منظومة التحكم الآلي بموانع الاندفاع

• **وفق المخطط (a)** : يكون موضع الأجهزة الرافعة والمضادة الروحية وأجهزة نقل الحركة والمحركات جميعها على مستوى أرضية البرج ، مثل هذا التوزيع يصلح عندما يكون ارتفاع أرضية البرج قليل (أقل من 3 أمتار) .

وحدة الحفر التي توزع معداتها وفق هذا المخطط تصلح لخفر آبار يتراوح عمقها بين (2000-2500) م ، حيث لا يتوقع وجود ضغوط جوفية كبيرة وهذا لا يتطلب استخدام المجموعة الكاملة من أجهزة موانع الاندفاع للاحكم فوهة البئر . يتميز هذا النوع من التوزيع ببساطة تصميم أجهزة نقل الحركة وتركيبها .

يصبح المخطط السابق غير فعال عندما يكون الارتفاع في حدود (3-6) م.

• **وفق المخطط (b)** : يكون موضع الأجهزة الرافعة والمضادة الروحية على مستوى أرضية البرج بينما تكون أجهزة التشغيل في موضع أخفض بعض الشيء عن أرضية البرج . وهذا ما يخفف من وزن وحجم القاعدة المعدنية لهذه الأجهزة .

إلا أن هذا التفاوت في مستوى المعدات محدد بنوعية أجهزة نقل الحركة ، حيث أن الفرق بين ارتفاع أرضية البرج (H) وارتفاع قاعدة أجهزة التشغيل (h_a) يحدد بالمسافة المركزية (Ap) بين محوري المحرك ومضخة الحفر . هذه المسافة يجب ألا تزيد على (3) م في الحالات السلسلية ، وعن (4) م في الحالات الخزامية .

• **وفق المخطط (c)** : يسمح برفع أرضية البرج لأي ارتفاع ضروري (6-10) م ويؤمن هذا المخطط توزيعاً أحسن للمعدات ويسهل عمليات تركيب وتفكيك الأجهزة الرافعة وبمجموعة المحركات وأجهزة التشغيل .

من سلبيات الوحدة المصممة وفق هذا المخطط ضرورة تأمين مجموعة تشغيل (محرك وأجهزة نقل الحركة) منفردة أو استلام الحركة من مجموعة تشغيل جماعية قوية موضوعة بمستوى أدنى من أرضية البرج ومن خلال محولة ترسية وقارنة مفصلية شاقولية . وفي هذه الحالة يجب أن يكون ارتفاع قاعدة مصدر القوى المحركة وأجهزة نقل الحركة في مستوى قواعد (أرصفة) معدات النقل والتحميل

لتسهيل عمليات التحميل من الموضع وإليه . واعتراضياً يكون ارتفاع مصدر القوى المحركة (h_0) في مثل هذه الحالة في حدود (1.8-2) متر .

● وفق المخطط (d) : يوضع وضعية أجهزة إحكام فوهة البئر تحت أرضية

البرج-3 : المخططات الحركية لوحدات الحفر

في كل وحدة حفر يمكن أن توجد ثلاث حلقات حركية أساسية :

- مجموعة الرفع .
- مجموعة الحفر (المضادة الروحية) .
- مجموعة المضخات .

يشكل مجموع هذه الحلقات المخطط الحركي لوحدة الحفر بمحملها .

حسب طبيعة العمل ومهامات الوحدة ، يمكن أن يكون هناك ارتباط مؤقت أو دائم بين بعض الحلقات (تشغيل المضادة الروحية من خلال محور الأجهزة الرافعة) ويمكن أن يستقل بعضها عن الآخر بصورة دائمة (مجموعة المضخات ومجموعة الرفع). إضافة إلى المتطلبات العامة للمخططات التركيبية والحركية ، لابد أن يؤمن المخطط الحركي المجال الضروري :

- 1- لتنظيم وتغيير سرع حركة المضادة الروحية والمضخات .
- 2- لتنظيم وتغيير سرع رفع وإنزال عمود مجموعة المواسير وبأقل إهدار للوقت .

أولاً : حركة الأجهزة المنفذة في وحدة الحفر

في الحفر الدواري تتحرك آلة تكسيم التربة (الدقاق) حركة لولبية بحيث تتوافق الحركة الدورانية مع الحركة المستقيمة ، ويتحرك مكبس مضخة الحفر حركة مستقيمة ارتدادية (أمامية - خلفية) بسرعة ثابتة أو بسرع مختلفة .

لاستبدال الدقاد المستهلك يفك عمود مجموعة المواسير إلى مقاطع (أشواط)

محددة تستخرج على التوالي من البئر وبعد استبدال الدقاق يعاد إنزالها في البئر بحركة شاقولية مستقيمة . على ضوء ذلك يجب أن تزود وحدة الحفر بأجهزة يمكن بواسطتها تحقيق هذه الحركات العاملة الرئيسية للأجهزة المنفذة .

تحدد سرعة الحركات الرئيسية للأجهزة المنفذة الرئيسية بالنسبة لـ :

- **الدقاق :** حسب عدد الدورات المسموح بها ودرجة مطابقة التربة للحفر .
- **مكبس مضخة الحفر :** حسب متوسط السرعة الممكنة المسموح بها لحركة المكبس داخل أسطوانة المضخة .
- **خطاف مجموعة الرفع :** حسب السرعة الممكنة المسموح بها لحركة عمود مجموعة المواسير في جوف البئر وقدرة مجموعة الرفع .
إضافة إلى الحركات الرئيسية تقوم الأجهزة المنفذة في وحدة الحفر بحركات إضافية مثل :

- فك وشد روابط (توصيلات) مقاطع المواسير .
- تثبيت وإسناد عمود مجموعة المواسير على فوهة المنضدة الروحية .
- نقل المقاطع المستخرجة من البئر إلى مخزن المقاطع على أرضية البرج وسحبها من هناك لإإنزالها في البئر .

تنفذ هذه العمليات خلال عمليات رفع وإنزال مقاطع عمود مجموعة المواسير عند استبدال الدقاق المستهلك أو عند زيادة طول عمود مجموعة المواسير خلال الحفر .

ثانياً : وضع المخطط الحركي

يتوجى المخطط الحركي لوحدة الحفر تأمين نوع الحركة وقيم السرع والاستطاعات المطلوبة لكل جهاز منفذ في الوحدة . ومن الطبيعي تفضيل المخطط البسيط وغير المعقد للوصول لهذه الغاية .

يقصد بمستوى تعقيد المخطط :

• عدد الأجزاء الداخلية في المخطط الحركي للوحدة : عدد المحاور ، المحولات الخزامية والسلسلية والمستනات والمضاجع وقارنات الحركة وترکيبة منظومة المحبال وعدد طبقات لف حبل الحفر على أسطوانة الأجهزة الرافعة ، وعدد الموسير المستخدمة لأجهزة توزيع المنظومة الموائمة للتحكم وعدد أجهزة التحكم

والسيطرة .

• عدد الأجهزة المعقدة التصنيع أو التجميع : المستنات ، علبة تغيير السرع

ومضخاتها ، قارنات الحركة الاحتكمائية .

• وضعية المحاور : متوازية أو متعامدة ، بزايا معينة ، مستويات وضعها في الوحدة .

وفق ذلك للحصول على مخطط مبسط يجب :

١. اختيار أقل ما يمكن من أجهزة نقل الحركة والمحولات

إذ إنه كلما قلَّ عدد المحولات في المخطط الحركي ، قلَّ التباين بين عدد دورات المحاور (الحلقات الحركية) القائدة و المقودة .

لتقليل نسبة تخفيض السرع عند استخدام أجهزة نقل الحركة الميكانيكية يغدو من المستحسن استخدام محركات ذات سرع دوران متوسطة في وحدات الحفر .

تبين ، حسب التجربة ، أن أفضل المحركات ذات سرع الدوران التي تتراوح بين (900-1200) دورة/دقيقة . و عند استخدام المحولات العنفية يمكن استخدام محركات تصل سرع دوران محاورها إلى (1600) دورة/دقيقة .

إن استخدام المحركات التي تزيد سرع دوران محاورها عن القيم المذكورة أعلاه يعنى المخطط الحركي ويعقد تصميم الأجهزة .

أما استخدام محركات تقل سرع دوران محاورها عن هذه القيم يؤدى إلى تشخيص كتل جموعة التشغيل وأجهزة نقل الحركة في الوحدة ويخفض مثانتها وطول عمر خدمتها وديناميكيتها .

عند اختيار نوع المحرّكات يجب الأخذ بعين الاعتبار مدى توفرها ومواصفاتها وأسعارها وقياساتها وكتلتها . وبهذا الخصوص يجب ملاحظة أن المحرّكات كلما كانت كتلتها وقياساتها كبيرة كان عدد دورات محورها أقل عند ثبات استطاعتها .

2. التقسيم الملائم للعلاقة التحويلية الكلية إلى الوسيطة (الجزئية)

من تحويل جميع الاحتمالات ، نجد أن أفضليتها بالنسبة لترابط التصميمي لأجزاء الوحدة هو أن تخذل العلاقة التحويلية لتكون أبطأ سرع الدوران عند احتقان الأخيرة من المسديدة الحركية . وإذا عبرنا عن العلاقة التحويلية الكلية من خلال العلاقات التحويلية الوسيطية فإننا نحصل على العلاقة التالية :

$$i_1 = i_2 \cdot i_3 \cdot i_4 \dots i_n \quad (VI-1)$$

وبالتالي يصبح من الأفضل الالتزام بالشرط التالي :

$$i_1 < i_2 < i_3 < i_4 \dots i_n \quad (VI-2)$$

تستند هذه العلاقة إلى أن قياسات أجزاء السلسلة الحركية الناقلة للحركة والناقلة للاستطاعة (N) ، تزداد كلما قل عدد الدورات (n) ، مثلاً يتناسب قطر المحاور عكساً مع قيمة $(\frac{1}{n})^3$ ، وتتناسب قياسات المحولات الحزامية والمحولات السلسلية عكساً مع (n) .

عند وضع المخططات الحركية لوحدات الحفر ، يجب الأخذ بعين الاعتبار أن قياسات الحلقات النهائية في سلاسل المخطط الحركي (الأجهزة المتفيدة) تعتمد على :

- متطلبات تكون وجيا الحفر بالدرجة الأولى .
- عدد دورات المحاور في بعض الأجهزة .

الخصائص التصميمية لبعض الأجهزة المتفيدة، مثلاً : قطر فتحة المنضدة الرجوية وما يتربّب عليه من تحديد لقطر الترس المقاد فيها ، السعة السلكية لأسطوانة الأجهزة الرافعه وما يتربّب عليها من تحديد لقطر الأسطوانة وغيرها .

ثالثاً : تحديد العلاقات التحويلية في السلسلة الحركية الواحدة

يتم توزيع العلاقات التحويلية في السلسلة الحركية الواحدة بوسائل واحتمالات مختلفة ، إلا أنه في جميع الحالات يجب الالتزام بتركيبة محددة لهذا التوزيع . ومن التطبيقات العملية تم التوصل إلى أن تركيبة المتواالية الهندسية هو أفضل توزيع ملائم للعلاقات التحويلية في السلاسل الحركية لوحدة الحفر . وسنحاول من التحليل التالي التوصل إلى مفهوم المتواالية الهندسية في تحديد السرع وتوزيعها وكيفية استخدامها .

تحدد السرعة الخطية لأي محور من العلاقة :

$$V = \frac{\pi d n}{60} \quad \text{m/s} \quad (\text{VI-3})$$

مجال المعايرة لعدد الدورات يمثل العلاقة بين القيمتين الحديثتين لهذا العدد :

$$R_n = \frac{n_{\max}}{n_{\min}} \quad (\text{VI-4})$$

ومن العلاقة (VI-3) نجد أن :

$$n_{\max} = \frac{60 V_{\max}}{\pi d_{\min}} \quad , \quad n_{\min} = \frac{60 V_{\min}}{\pi d_{\max}} \quad (\text{VI-5})$$

بالتعمويض عن هذه القيم في العلاقة (VI-4) نحصل على :

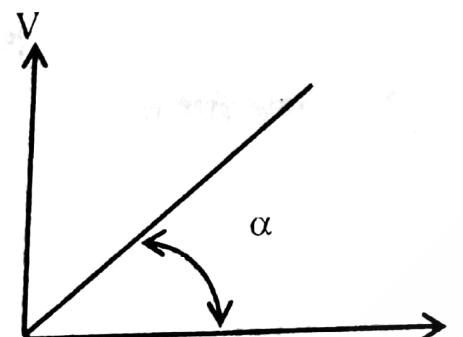
$$R_n = \left(\frac{V_{\max}}{V_{\min}} \right) \times \left(\frac{d_{\max}}{d_{\min}} \right) = R_V \cdot R_d \quad (\text{VI-6})$$

حيث إن : R_V ، R_d : مجال المعايرة للسرعة الخطية والأقطار على التوالي .

وإذا عدنا إلى العلاقة (VI-3) مع اعتبار أن :

$$C = \frac{\pi n}{60}$$

يجد أن صيغة السرعة الخطية تتخذ الشكل :
 $V_i = C_i \cdot d$
 ونلاحظ أن هذه العلاقة هي معادلة مستقيم مار من بدء الإحداثيات لمحوري السرعة والقطر (v, d) ، الشكل رقم (5-VI) .



الشكل رقم (5-VI)

يحدد منحى هذا المستقيم من العلاقة :

إذا كانت لدينا عدة سرع في المجموعة الحركية فإننا نحصل على مستقيمات عدة بزوايا (α_i) مختلفة . فإذا فرضنا أن لدينا :

(Z) من السرع ($n_1, n_2, \dots, n_{i-1}, n_i, n_{i+1}, \dots, n_z$) •

• قطر المحور الأخير يساوي (d)

فإننا نستطيع الحصول من الشكل (6-VI) على

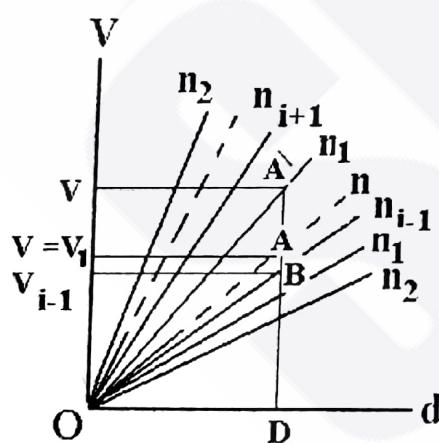
$$\Delta V = V - V_{i-1}$$

$$AB = DA - BD = \Delta V$$

$$V_{i-1} = \frac{\pi \cdot d \cdot n_{i-1}}{60}$$

$$V = \frac{\pi \cdot d \cdot n}{60}$$

وبذلك يكون لدينا :



الشكل رقم (6-VI)

$$\Delta V = \frac{\pi \cdot d \cdot (n - n_{i-1})}{60} = \frac{V(n - n_{i-1})}{n} = \frac{V(1 - n_{i-1})}{n} \quad (\text{VI-8})$$

عندما ($n \rightarrow n_i$) أو ($A \rightarrow A'$) نحصل على القيمة الأعظمية لفرق السرعة :

$$\Delta V_{\max} = \frac{\pi \cdot d \cdot (n_i - n_{i-1})}{60} = V_i \left(\frac{1 - n_{i-1}}{n_i} \right) \quad (\text{VI-9})$$

ويُمكن ترتيب عدد السرع بمتالية هندسية إذا افترضنا أن : $V_i < V_{i+1}$ أي إذا أمكننا قبول قيمة (V_i) كسرعة أعظمية أو عندما تتراوح (V_{max}) بين (n_1) و (n_z) وذلك يكون لدينا :

$$\Delta V_{max} = V_i \left(\frac{1 - n_{i+1}}{n_i} \right) = V_i \left(\frac{1 - n_{i+1}}{n_{i+1} \times \varphi} \right) = V_i \left(1 - \frac{1}{\varphi} \right) \quad (VI-10)$$

حيث إن : $\varphi = n_i / n_{i+1} > 1$ ، $n_i = n_{i+1} \cdot \varphi$

وبذلك تمثل (φ) أَس المَتَوَالِيَّةِ الْهَنْدَسِيَّةِ ، وعند استخدام المَتَوَالِيَّةِ الْهَنْدَسِيَّةِ لترتيب

عدد الدورات نحصل على :

$$n_1 = n_1 , n_2 = n_1 \cdot \varphi , n_3 = n_2 \cdot \varphi = n_1 \cdot \varphi^2 , \dots ,$$

$$n_z = n_{z-1} \cdot \varphi = n_1 \cdot \varphi^{z-1} \quad (VI-11)$$

نجد من هذه العلاقة أن مجال المعايرة يساوي :

$$R'' = \frac{n_{max}}{n_{min}} = \frac{n_z}{n_1} = \frac{n_1 \cdot \varphi^{Z-1}}{n_1} = \varphi^{Z-1} \quad (VI-12)$$

ومنها نحصل على :

$$\varphi = \sqrt[Z-1]{R''} \quad (VI-13)$$

حيث إن : Z : عدد السرع .

يمكنا من العلاقات السابقة (11,12,13) معرفة قيمتين ، معرفة القيمة الثالثة .

من العلاقة (VI-10) ومن العلاقة اللوغاريتمية للعلاقة (VI-13) يمكننا تحديد

القيم القياسية لأَسِ المَتَوَالِيَّةِ الْهَنْدَسِيَّةِ (φ) حيث نحصل على :

$$\frac{\Delta V_{max}}{V_i} = \left(1 - \frac{1}{\varphi} \right) < 0.5 \quad (VI-14)$$

أَي إن : $2\varphi_{max} - 2 = \varphi_{max}$ وذلك تحدد قيمة (φ) في الحال : $1 < \varphi < 2$

وبيَنَ هاتين القيمتين توجَد قيم قياسية للأَسِ (φ) وهي :

$$1.06 - 1.12 - 1.26 - 1.41 - 1.58 - 1.78$$